

Задача 1

Найти частные производные 1 порядка:

вариант	задание	вариант	задание
1	$z = 5x^2 + \frac{y^2}{e^x} - 3x\sqrt{y} + 4$	6	$z = 5x^2 + \frac{y^2}{e^x} - 3x\sqrt{y} + 4$
2	$z = 4(x^2 + \cos y) + \frac{x+y}{e^y} - \sqrt{xy} + 5$	7	$z = \frac{x^2}{y} + \frac{y^2}{x} - 3x^4\sqrt{y}$
3	$z = \ln(y) \cdot x^5 + \operatorname{tg} x - 3x\sqrt{xy} + 1$	8	$z = 5y^2 \cdot x + \frac{x \cdot y}{e^x} + x^5\sqrt{y^3} + 4x$
4	$z = y^4x^2 + \frac{xy}{e^y} - x + 6$	9	$z = 4\sqrt[3]{y} \cdot x^2 + \frac{y^2}{e^x} - 3x\sqrt{y} + 4$
5	$z = \sin x + \frac{y^2}{x} - 3x^4 \cdot \sqrt{y} + 8$	10	$z = 5x^2 \cdot e^y + \frac{y^2}{\sqrt{x}} - 3x\sqrt{e^y} + 4$

Задача 2

Найти экстремумы функции двух переменных:

вариант	задание	вариант	задание
1	$z = 5x^2 + y^2 - 3xy + 4$	6	$z = 10x^2 + 2y^2 - 6xy + 4$
2	$z = 10 - x^2 + 2xy$	7	$z = 3x^2 - 3y^2 + 6xy + 12\tilde{o}$
3	$z = x^2 - y^2 + 2xy + 4x$	8	$z = 5x^2 + 10y^2 + 1$
4	$z = x^2 + 2y^2 + 1$	9	$z = 10 - 2x^2 + 4xy$
5	$z = 3 - 2x^2 - xy - y^2$	10	$z = 3 - 6x^2 - 3xy - 3\tilde{o}^2$

Задача 3

Даны функция $u(x; y; z)$, точка $A(x_0; y_0; z_0)$ и вектор $\vec{s} = a\vec{i} + b\vec{j} + c\vec{k}$. Найти вектор $\operatorname{grad} u$ в точке А и производную по направлению $\frac{\partial u}{\partial s}$ в точке А.

вариант	задание
1	$u = x^2y^3 + 4\sqrt{xyz} + \frac{z}{xy}; \quad A(1; 1; 4), \quad \vec{s} = \vec{i} + 2\vec{j} + 2\vec{k}.$
2	$u = \frac{x^2}{y} + \frac{4y^2}{z} + \frac{4z}{\sqrt{xy}}; \quad A(2; 2; 4), \quad \vec{s} = -2\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}.$
3	$u = \frac{4x}{y^3} + \frac{xy^2}{z^2} + 2\sqrt{yz}; \quad A(4; 2; 2), \quad \vec{s} = -2\vec{i} + \vec{j} - \vec{k}.$
4	$u = \frac{x}{y^2} + \frac{y^3}{z^2} + x\sqrt{yz}; \quad A(-4; 1; 1), \quad \vec{s} = 4\vec{i} - 2\vec{j} + 4\vec{k}.$

5	$u = \frac{x^2}{yz} + \frac{y^2}{xz} + 2\sqrt{xy};$	$A(2; 2; -1), \quad \vec{s} = 2\vec{i} - 4\vec{j} + 4\vec{k}.$
6	$u = \frac{xy^2}{z} + \frac{yz^2}{x} + \frac{4y}{\sqrt{z}};$	$A(-1; 4; 4), \quad \vec{s} = 2\vec{i} + 3\vec{j} + 6\vec{k}.$
7	$u = x^2yz^2 + \frac{z}{y} + 4\sqrt{\frac{x}{y}};$	$A(4; 1; -1), \quad \vec{s} = 2\vec{i} + \vec{j} + 2\vec{k}.$
8	$u = yz^2 + \frac{z^2}{xy} + \frac{2z}{\sqrt{xy}}; A(2; 2; 4), \quad \vec{s} = -3\vec{i} + 2\vec{j} + 6\vec{k}.$	
9	$u = xy^2z + \frac{x^2}{y} + 4\sqrt{\frac{z}{y}};$	$A(-1; 1; 4), \quad \vec{s} = 6\vec{i} + 2\vec{j} + 3\vec{k}.$
10	$u = xy^2\sqrt{z} + \frac{xy}{z} + 2\sqrt{xy};$	$A(2; 2; 1), \quad \vec{s} = \vec{i} + 4\vec{j} + 8\vec{k}.$

Задача 4

Найти уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности в точке $A(x_0; y_0; z_0)$.

вариант	задание	вариант	задание
1	$z = \ln(2x^3y - x^2) + 2\sqrt{xy} - 2xy,$ $A(1; 1).$	6	$z = \ln(x^2y - x) + \frac{2y}{\sqrt{x}} - 4x,$ $A(1; 2).$
2	$z = \ln(4xy^2 + 3xy) + \frac{y^3}{\sqrt{x}} - 4xy,$ $A(1; -1).$	7	$z = \ln(xy^2 + 4y) + \frac{2x}{\sqrt{y}} + 6y,$ $A(-3; 1).$
3	$z = \ln(x^3y - 2x) + 2y\sqrt{x} - 6x,$ $A(1; 3).$	8	$z = \ln\left(\frac{1}{xy - y}\right) - \frac{2x}{\sqrt{y}} + 4z,$ $A(2; 1).$
4	$z = \ln(xy - 4y) + 2x\sqrt{y} - 10y,$ $A(5; 1).$	9	$z = \ln\left(\frac{x}{y} - 5y\right) - \frac{16y}{\sqrt{x}} + 8y,$ $A(4; -1).$
5	$z = \ln(x - 3y) + \frac{16}{\sqrt{xy}} - 2x,$ $A(4; 1).$	10	$z = \ln\left(\frac{x}{y} + 2y^3\right) + x^2\sqrt{y} + 2xy,$ $A(-2; 1).$

Задача 5

Вычислить двойной интеграл

1	$\iint_D (54x^2y^2 + 150x^4y^4) dx dy \quad D: x=1; y=x^2; y=-\sqrt[3]{x}$
2	$\iint_D (8xy + 9x^2y^2) dx dy \quad D: x=1; y=-x^3; y=\sqrt[3]{x}$
3	$\iint_D (18x^2y^2 + 32x^3y^3) dx dy \quad D: x=1; y=x^3; y=-\sqrt{x}$
4	$\iint_D (4xy + 176x^3y^3) dx dy \quad D: x=1; y=-x^3; y=\sqrt{x}$
5	$\iint_D (27x^2y^2 + 75x^4y^4) dx dy \quad D: x=1; y=x^2; y=-\sqrt[3]{x}$
6	$\iint_D (2xy + 88x^3y^3) dx dy \quad D: x=1; y=x^3; y=\sqrt{x}$
7	$\iint_D (9x^2y^2 + 16x^3y^3) dx dy \quad D: x=1; y=-x^3; y=\sqrt{x}$
8	$\iint_D (16xy + 18x^2y^2) dx dy \quad D: x=1; y=x^3; y=-\sqrt[3]{x}$
9	$\iint_D (8xy + 9xy^2) dx dy \quad D: x=1; y=-x^2; y=\sqrt[3]{x}$
10	$\iint_D (xy + 10x^2y^2) dx dy \quad D: x=1; y=-x^2; y=\sqrt[3]{x}$

Задача 6.

Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

1	$y = \frac{3}{x}; \quad y = 4e^x; \quad y = 3; \quad y = 4$	6	$x^2 + y^2 = 72; \quad 6y = -x^2; \quad (y \leq 0)$
2	$y = \frac{2}{x}; \quad y = 5e^x; \quad y = 2; \quad y = 5$	7	$y = \sqrt{6-x^2}; \quad y = \sqrt{6} - \sqrt{6-x^2}$
3	$y = 3\sqrt{x}; \quad y = \frac{3}{x}; \quad x = 4$	8	$x^2 + y^2 = 12; \quad -\sqrt{6}y = x^2; \quad (y \leq 0)$
4	$y = \frac{3}{2}\sqrt{x}; \quad y = \frac{3}{2x}; \quad x = 9$	9	$y = 5\sqrt{x}; \quad y = \frac{5x}{3}$
5	$x^2 - 6x + y^2 = 0; \quad y = x; \quad x = 0$	10	$x = 2; \quad y = 0; \quad y^2 = \frac{x}{2} \quad (y \geq 0)$

Задача 7

Вычислить с помощью тройного интеграла объем тела, ограниченного указанными поверхностями. Сделать чертежки данного тела и его проекции на плоскость xOy .

1	$z = 0, z = x, y = 0, y = 4, x = \sqrt{25 - y^2}$	6	$z = 0, 4z = y^2, 2x - y = 9$
2	$z = 0, z = 9 - y^2, x^2 + y^2 = 9$	7	$z = 0, x^2 + y^2 = z, x^2 + y^2 = 4$
3	$z = 0, z = 4 - x - y, x^2 + y^2 = 4$	8	$z = 0, z = 1 - y^2, y = 0, x = 2y^2 + 1$
4	$z = 0, z = y^2, x^2 + y^2 = 9$	9	$z = 0, z = 1 - x^2, y = 0, y = 3 - x$
5	$z = 0, x + z = 2, x^2 + y^2 = 4$	10	$z = 0, z = 4\sqrt{y}, x = 0, x + y = 4$

Задача 8

Вычислить криволинейный интеграл

1	$\int_L (x^2 + y) dx + (y^2 + x) dy$ вдоль отрезка AB , где $A(1; 2)$, $B(1; 5)$.	6	$\oint_L (x^2 - y^2) dx + (x^2 + y^2) dy$ L - отрезок OA, O(0, 0), A(1, 2).
2	$\int_L \frac{y^2 + x}{y} dx + \frac{x+1}{x^2} dy$ вдоль отрезка L $= AB$ от точки $A(-1; 0)$ до точки $B(2; 1)$.	7	$\oint_L (x+y) dx - 2x dy$ L - треугольник со сторонами: $x=0$; $y=0$; $x+y=2$.
3	$\int_L (x^2 + xy) dx + (y^2 - 2xy^4) dy$ вдоль дуги L параболы $y = \sqrt[3]{x}$ от точки $A(1; 1)$ до точки $B(8; 2)$	8	Вычислить криволинейный интеграл $\int_L (x^2 + y) dx + (y^2 + x) dy$ вдоль отрезка AB , где $A(1; 2)$, $B(1; 5)$.
4	$\int_L y dx - 2xy dy$ вдоль дуги L кривой $y = e^x$ от точки $A(0; 1)$ до точки $B(1; e)$.	9	$\int_L \frac{y^2 + x}{y} dx + \frac{x+1}{x^2} dy$ вдоль отрезка L $= AB$ от точки $A(-1; 0)$ до точки $B(2; 1)$
5	$\int_L (x^2 - xy) dx + (y^2 + 2xy^3) dy$ вдоль дуги L параболы $y = \sqrt{x}$ от точки $A(1; 1)$ до точки $B(4; 2)$.	10	$\int_L (x^2 + xy) dx + (y^2 - 2xy^4) dy$ вдоль дуги L параболы $y = \sqrt[3]{x}$ от точки $A(1; 1)$ до точки $B(8; 2)$.